



M A T H E M A T I Q U E S

EXERCICE I (04 points)

Un emprunt remboursable par n annuités constantes est tel que la somme du premier amortissement et du deuxième amortissement est de 2 100 000F alors que la somme du quatrième et du cinquième amortissements s'élève à 2 795 100F ;

1/ Trouver le taux nominal et le premier amortissement (01,5 pts)

2/ Calculer le montant de l'emprunt et le nombre d'annuités sachant que l'annuité constante est 1 771 561 F (02 pts)

3/ Quel est le montant restant dû après le cinquième amortissement. (0,5 pt)

EXERCICE II (05 points)

Le tableau ci-dessous donne en dizaines de milliards en francs courants les dépenses de santé et la consommation globale des ménages d'un pays.

Année	2005	2006	2007	2008	2009	2010
Dépense de santé : X_i	1	3	5	8	9	10
Consommation globale : Y_i	12	22	44	64	69	74

- 1) Représenter graphiquement le nuage statistique et placer le point moyen G ainsi calculé. (01pt)
- 2) Déterminer le coefficient de corrélation linéaire de x et y , et interpréter le. (02 pts)
- 3) Etablir par la méthode des moindres carrés une équation de la droite d'ajustement de y en x et la tracer. (01 pt)
- 4) Quelles seraient les dépenses de santé si la consommation globale est de 800 milliards de francs en 2011. (01 pt)

Remarques : Tous les calculs conduisant aux résultats doivent figurer sur la copie

PROBLEME (11 points)

A) Soit la fonction $g(x) = -3x^2 + 6 \ln x + 3$

- 1) Etudier le sens de variation de g . (01 pt)
- 2) Calculer $g(1)$. En déduire le signe de g (01 pt)

B) Soit la fonction f telle que $f(x) = -x^3 - 3x + 6x \ln x$, (\mathcal{C}) sa courbe représentative dans un repère orthonormal (o, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1) Quel est son domaine de définition ? (0,5 pt)
- 2) Calculer les limites de f aux bornes du domaine de définition de f . (01 pt)

Etudier la direction de la branche infinie de (\mathcal{C}) en $+\infty$. (0,5 pt)

- 3) Calculer $f'(x)$. En utilisant A)2), dresser le tableau de variation de f . (02 pts)

- 4) Soit h la restriction de f à $]0, 1[$

Montrer que h est une bijection de $]0, 1[$ sur un intervalle J à déterminer. (01 pt)

- 5) Ecrire une équation de la tangente (T) à (\mathcal{C}) au point d'abscisse 2. (0,5 pt)

- 6) Tracer (T) et la courbe (\mathcal{C}) de f dans le repère orthonormal (o, \vec{i}, \vec{j}) . (01,5 pt)

- 7) En utilisant une intégration par parties, calculer l'aire du domaine limité par la courbe (\mathcal{C}), l'axe des abscisses et les droites d'équation $x = 1$ et $x = 2$. (02 pts)