



MATHÉMATIQUES

EXERCICE 1 (09 points)

Soit f la fonction numérique définie par : $f(x) = \frac{2x-3}{x+1}$.

- 1) Déterminer l'ensemble de définition D_f de f . (01 point)
- 2) a) Déterminer les limites de f aux bornes de D_f . (01 point)
- 3) b) En déduire l'équation de chaque asymptote à la courbe représentative (\mathcal{C}_f) de f . (01 point)
- 4) Montrer que le point $I(-1; 2)$ est un centre de symétrie de (\mathcal{C}_f) . (02 points)
- 5) Déterminer la fonction dérivée f' de f , puis dresser le tableau de variation de f . (02 points)
- 6) Tracer (\mathcal{C}_f) et ses asymptotes dans un repère orthonormé. (02 points)

EXERCICE 2 (05 points)

Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système d'équations suivant :
$$\begin{cases} \ln x + \ln 4 = \ln 3 - \ln y \\ e^x = e^{2-y} \end{cases}$$

EXERCICE 3 (06 points)

Choisir la bonne réponse

N.B. : - Pour chaque question, une seule réponse est juste.

- Une réponse juste rapporte 01,5 point,
- une réponse fausse enlève 0,25 point et l'absence de réponse ne rapporte, ni n'enlève de point.

i. Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$. La fonction dérivée f' de f sur \mathbb{R} est :

- a) $\frac{2x}{\sqrt{x^2+3}}$; b) $\frac{1}{2\sqrt{x^2+3}}$; c) $\frac{3}{\sqrt{x^2+3}}$; d) $\frac{x}{\sqrt{x^2+3}}$

II. Un enfant doit choisir au hasard et successivement sans remise trois bonbons parmi six dont trois sont à la menthe, deux au chocolat et un à la fraise. Soit l'évènement A « Choisir trois bonbons de nature différente ».

Card A est égal à :

- a) $C_3^1 \times C_2^1 \times C_1^1$; b) 36 ; c) $\frac{3}{5}$; d) $3! \times 2! \times 1!$

III. Soit la fonction g définie sur \mathbb{R}^* par :

$$g(x) = \frac{e^x + 2}{x}. \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x + 2}{x} \text{ vaut :}$$

- a) $+\infty$; b) $-\infty$; c) 0 ; d) impossible.

IV. Soit la fonction h telle que $h(x) = \frac{2}{\ln x}$. Le domaine de définition D_h de h est :

- a) $]0; +\infty[$; b) \mathbb{R} ; c) $]1; +\infty[$; d) $]0; 1[\cup]1; +\infty[$.