

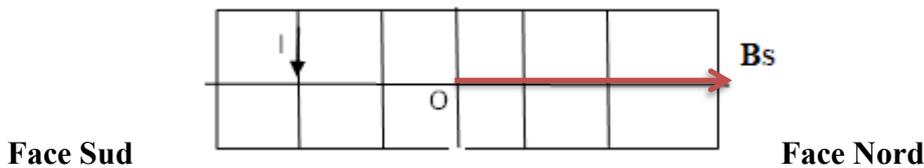


## PHYSIQUE

## CORRIGE

## EXERCICE 1 : (05 points)

1.1. Schéma en vue de dessus sur lequel on fera apparaître le sens du courant, les faces Nord et sud du solénoïde ainsi que le champ magnétique  $\vec{B}_S$  créé par le courant au centre O du solénoïde au centre du solénoïde.



1.2. La valeur du champ magnétique  $\vec{B}_S$  solénoïde ;

$$B_S = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \quad B_S = 3,14 \cdot 10^{-5} T$$

1.3. Le diamètre  $d$  et la longueur  $L$  du fil utilisé pour réaliser le solénoïde.

Diametre

$$d = \frac{\ell}{N} \quad d = 8 \cdot 10^{-4} m$$

Longueur du fil : L

$$L = 2\pi rN \quad L = 314 m$$

1.4.1. Le champ magnétique responsable de l'orientation de l'aiguille pour  $\mathbf{I} = \mathbf{0}$  est la composante horizontale du champ magnétique terrestre  $\vec{B}_h$ .

1.4.2. La composante horizontale  $\vec{B}_h$  du champ magnétique terrestre.

Valeur de  $\vec{B}_h$

$$\tan \alpha = \frac{B_s}{B_h} \quad B_h = \frac{B_s}{\tan \alpha} \quad \rightarrow \quad B_h = 2 \cdot 10^{-5} T$$

Valeur de  $\vec{B}_r$ :

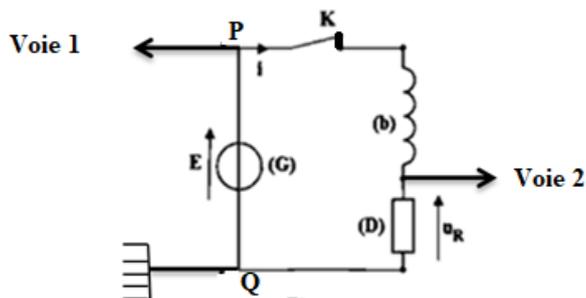
$$\cos(\alpha) = \frac{B_h}{B_r} \quad B_r = \frac{B_h}{\cos(\alpha)} \quad \rightarrow \quad B_r = 3,72 \cdot 10^{-5} T$$

**EXERCICE 2 : (05 points)**

2.1. Figure 1 avec les branchements de l'oscilloscope.

2.2. La courbe 2 représente la tension  $U_R$  au borne du conducteur ohmique **D** car  $U_R = Ri$  et  $i$  s'installe progressivement.

En régime permanent,  $U_R = RI \Rightarrow R = \frac{U_R}{I} = \frac{8}{0,2} = 40\Omega$



2.3. La courbe 2 correspond a l'évolution du courant  $i$ . car  $i$  est proportionnelle  $U_R$ .

2.4. Le phénomène physique responsable de l'évolution de l'intensité du courant  $i$  est : l'auto-induction.

2.5

2.5.1. Equation différentielle avec la tension  $U_R$

$E = U_R + U_b$  soit  $E = Ri + L \frac{di}{dt} + ri$  avec  $i = \frac{U_R}{R}$

Ou ecore :  $ER = L \frac{dU_R}{dt} + (R + r)U_R$

2.5.2. En régime permanent  $U_R = 8V$  et  $\frac{dU_R}{dt} = 0$  soit  $U_R = \frac{ER}{(R+r)}$

D'où

$r = \frac{ER}{U_R} - R = \frac{9 \times 40}{8} - 40 = 5\Omega$   $I = 5A$

2.5.3. Definition de la constante de temps  $\tau$ .

C'est le temps au bout duquel la tention  $U_R$  est egale a 63% de sa valeur maximale.

$\tau = 8ms$

2.5.4. Montrons que  $L = 0,36H$ .

$\tau = \frac{L}{R+r}$

$L = \tau(R + r)$   $L = 0,36H$

**EXERCICE 3 : (04 points)**

3.1.1. Montrons que la tension  $U_C$  est donnée par la relation :  $U_C = \frac{I_0}{C} t$

On a :  $I_0 = \frac{dq}{dt} = cte \Rightarrow dq = I_0 dt$

En tenant compte de la condition initiale, on obtient :  $q = I_0 t$  soit  $U_C = \frac{q}{C} = \frac{I_0 t}{C}$  (0,5 point)

3.1.2. Détermination la capacité  $C$  du condensateur a partir de la figure 1.

La courbe  $U_C = f(t)$  est une droite linéaire d'équation

$$U_C = pt, \text{ avec } p \text{ le coefficient directeur de la droite et } U_C = \frac{I_0}{C} t \text{ d'où } p = \frac{I_0}{C}$$

$$p = \frac{\Delta u_c}{\Delta t} \quad p = 2,125 \quad \text{or} \quad C = \frac{I_0}{p} \quad \text{d'où} \quad C = 4,71 \cdot 10^{-6} \text{ F} \quad (0,5 \text{ point})$$

3.2.1. Montrer que la tension  $U_C$  obéit à l'équation différentielle :  $\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{RC} u_c = 0$

$$U_C + U_R = 0 \quad U_R = Ri \text{ donc } i = \frac{C dU_C}{Rdt} \Rightarrow U_R = \frac{dU_C}{RCdt}$$

$$\frac{dU_C}{dt} + \frac{U_C}{RC} = 0 \quad (1 \text{ point})$$

3.2.2.

3.2.2.1. Exprimons  $A$  et  $\tau$  en fonction des caractéristiques du circuit.

$$U_C(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow \frac{dU_C}{dt} = -\frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ d'où } -\frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A e^{-\frac{t}{\tau}}}{RC} = 0, A e^{-\frac{t}{\tau}} \neq 0$$

$$-\frac{1}{\tau} + \frac{1}{RC} = 0 \rightarrow \tau = RC \rightarrow \text{à } t=0 \rightarrow U_0 = 6 \text{ V} \rightarrow U_0 = A e^0 \text{ d'où } U_0 = A$$

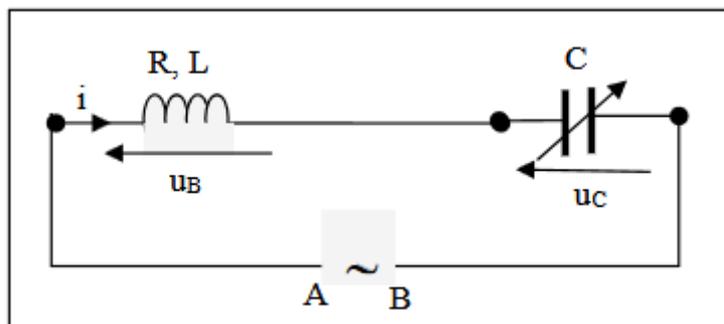
$$3.2.2.2. \quad U_C = U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow \text{à } t=5\tau \rightarrow U_C = U_0 e^{-\frac{5\tau}{\tau}} \rightarrow U_C = U_0 e^{-5} = 0,44 \text{ V}$$

A  $t = 5\tau : \frac{0,44 \text{ V}}{6 \text{ V}} = 0,073 = 7,3\%$  la tension aux bornes du condensateur est presque nulle.

**SIGNIFICATION :**  $\tau$  permet d'avoir l'ordre de grandeur sur la durée de la décharge du condensateur.

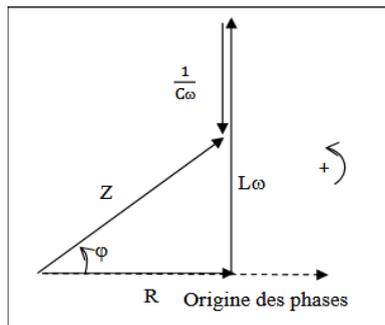
(1 point)

**EXERCICE 4 : (06 points)**



4.1. Exprimons.

4.1.1. L'impédance  $Z$  du circuit en fonction de  $R, L, C$  et de la pulsation  $\omega$  de la tension  $u$ . (0,5 point)



$$Z = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}$$

4.1.2. la phase  $\varphi$  de la tension par rapport à l'intensité en fonction de  $L, C, R$  et  $\omega$ ; (1point)

$$\tan \varphi = \frac{L\omega - \frac{1}{C\omega}}{R}$$

4.1.3. La puissance électrique moyenne consommée dans le circuit en fonction de  $R$  et  $I$ .

En déduire le dipôle dans lequel cette puissance est dissipée. (01 point)

$$P = UI \cos \varphi$$

or à partir de la représentation de Fresnel, on a :  $\cos \varphi = \frac{RI}{U}$  soit  $P = RI^2$

Cette puissance est dissipée dans la bobine par effet joule.

4.2.1. Montrons que la valeur de l'impédance de la bobine est  $L = 0,72 \text{ H}$ . (1point)

$$I = \frac{U}{Z_1} = \frac{U}{Z_2} \rightarrow Z_1 = Z_2 \text{ d'où } \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C_1\omega})^2} = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C_2\omega})^2}$$

$$\text{Donc } L = \frac{1}{2\omega^2} \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) ; L = 0,72 \text{ H}$$

4.2.2. Pour chacune des valeurs de  $C$ . précisons si la tension  $u$  est en retard ou en avance de phase sur l'intensité  $i$  du courant dans le circuit.

$L\omega - \frac{1}{C_1\omega} = 226,08 - 265,39 = -39,31 \Omega$  donc  $\varphi_1 < 0$  : Pour une capacité  $C_1$  du condensateur  $u$  est en retard par rapport à  $i$ .

$L\omega - \frac{1}{C_2\omega} = 226,25 - 187,24 = 39,01 \Omega$  donc  $\varphi_2 > 0$  : Pour une capacité  $C_2$  du condensateur  $u$  est en avance par rapport à  $i$ . (01,5point)

4.2.3. Valeur  $C_0$  de la capacité  $C$  du condensateur pour que la puissance électrique moyenne consommée dans le circuit soit maximale.

Lorsque la puissance est maximale  $\varphi = 0$  ; c'est la résonance :  $L\omega_0 = \frac{1}{C_0\omega_0} \rightarrow C_0 = \frac{1}{L\omega_0^2}$

$$C_0 = 1,4 \cdot 10^{-5} \text{ F} = 14 \mu\text{F} \quad (01 \text{ point})$$