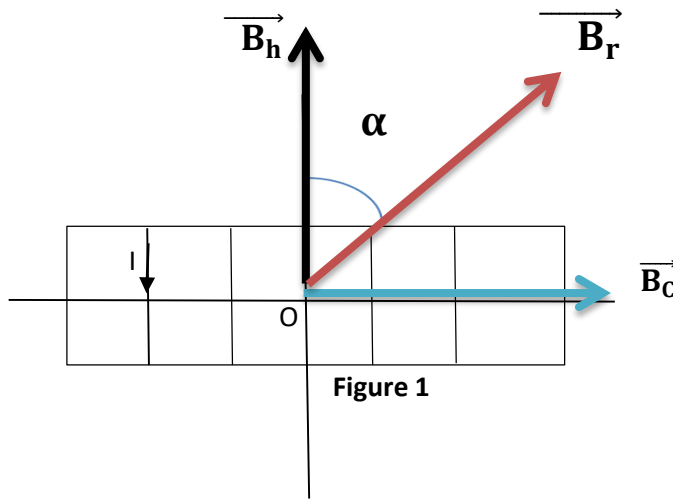




CORRIGE
PHYSIQUE

EXERCICE 1 : (4,5 points)

1.1. Représentation de la figure 1 et la composante horizontale du champ magnétique terrestre (\vec{B}_h), le champ magnétique créé par le courant I (\vec{B}_C), le champ magnétique résultant (\vec{B}_r) ainsi que l'angle de déviation de l'aiguille α .



1.2. L'intensité du champ magnétique créé par le courant I au centre du solénoïde.

$$\tan \alpha = \frac{B_C}{B_h} \quad \text{d'où} \quad B_C = B_h \tan \alpha \quad ; \quad B_C = 2.10^{-5} \tan 79,3^\circ.$$

$$B_C = 1,06.10^{-4} \text{ T}$$

1.3 .En déduire le nombre de spires N du solénoïde.

$$B_C = \frac{\mu NI}{\ell} \quad \text{d'où} \quad N = \frac{\ell B_C}{\mu I} \quad ; \quad N = \frac{50.10^{-2} \times 1,06.10^{-4}}{4\pi.10^{-7} \times 5.10^{-3}} \quad ; \quad N = 8439 \text{ Spires}$$

1.3 . La longueur et le diamètre d du fil utilisé

- La longueur du fil.

$$L_{fil} = \pi ND \quad \text{d'où} \quad L_{fil} = 8439 \times 5.10^{-2} \times \pi \quad ; \quad L_{fil} = 1325 \text{ m}$$

- Le diamètre d du fil utilisé.

$$d = \frac{\ell}{N} \quad \text{d'où} \quad d = \frac{50.10^{-2}}{1325} \quad ; \quad d = 3,77.10^{-4} \text{ m}$$

1.5. L'expression de l'inductance L du solénoïde est égale à $L = \frac{\pi\mu N^2 D^2}{4\ell}$

et sa valeur.

$$\phi = Li = NBS \text{ d'où } L = \frac{\pi\mu N^2 D^2}{4\ell}$$

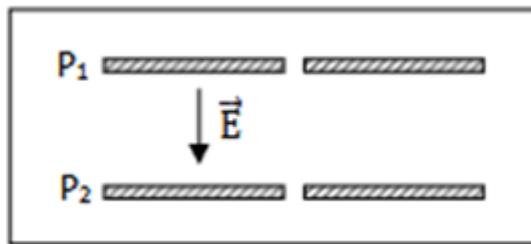
$$L = \frac{4\pi^2 \cdot 10^{-7} \cdot 1325^2 \times (5 \cdot 10^{-2})^2}{4 \times 50 \cdot 10^{-2}}$$

$$L = 8,67 \cdot 10^{-3} \text{H}$$

EXERCICE 2 : (05,5 points)

2.1. Représentation du schéma et le sens du champ électrique qui règne entre les plaques P₁ et P₂.

\vec{E} est dirigé de la plaque P₁ vers la plaque P₂

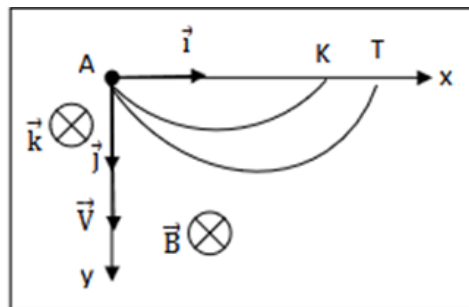


2.2. Exprimons les vitesses V₁ et V₂ des ions $^{235}_{92}\text{U}^+$ et $^{238}_{92}\text{U}^+$ en fonction de q, U et leurs masses respectives m₁ et m₂. En déduire une relation entre m₁, m₂, V₁ et V₂.

$$\frac{1}{2} m V_{P2}^2 - \frac{1}{2} m V_{P1}^2 = qU \rightarrow V_1 = \sqrt{\frac{2qU}{m_1}} \text{ et } V_2 = \sqrt{\frac{2qU}{m_2}} ; \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}}$$

2.3.1. Le sens de \vec{B} pour que les ions soient déviés vers la plaque sensible.

\vec{B} est rentrant.



2.3.2. Montrons que le mouvement des ions dans le champ magnétique est plan. (On précisera le plan)

Soit zz' parallèle \vec{B} .

$$\vec{a} = \frac{q\vec{v} \wedge \vec{B}}{m} \Rightarrow \vec{a} \perp \vec{B} \text{ donc } \vec{a} \perp zz' \text{ et } \vec{a} \perp \vec{v} \Rightarrow a_z = 0 \text{ et } v_z = \text{constante} = 0.$$

le mouvement s'effectue dans le plan perpendiculaire à \vec{B} c'est – à – dire dans le plan(Axy)

2.3.3. Les expressions des rayons de courbure R_1 et R_2 des trajectoires des ions en fonction de U , q , B et de la masse de l'ion correspondant. En déduire la nature de leurs mouvements

$$\vec{\Sigma F} = m\vec{a} = q\vec{v} \wedge \vec{B} \Rightarrow \vec{a} = \frac{q\vec{v} \wedge \vec{B}}{m}$$

D'après les propriétés du produit vectoriel, on a :

$$\vec{a} \perp \vec{v} \quad \text{d'ou} \quad a_t = 0 \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 0 \Rightarrow v = \text{constante} . \text{ le mouvement est uniforme}$$

$$a = a_n \Rightarrow a = \frac{qvB}{m} = \frac{v^2}{R} \Rightarrow$$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$R_1 = \frac{m_1 v_1}{qB} \Rightarrow R_1 = \frac{m_1}{qB} \sqrt{\frac{2qU}{m_1}} \Rightarrow R_1 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{q}}$$

$$R_2 = \frac{m_2 v_2}{qB} \Rightarrow R_2 = \frac{m_2}{qB} \sqrt{\frac{2qU}{m_2}} \Rightarrow R_2 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_2 U}{q}}$$

R_1 et R_2 constante , la trajectoire est circulaire.

Le mouvement est circulaire uniforme

2.3.4. L'ion qui correspond à chacune des traces K et T sur la plaque sensible.

Calculer la distance KT.

$$m_1 < m_2 \Rightarrow R_1 < R_2, \text{ l'ion } {}^{235}_{92}\text{U}^+ \text{ arrive en K tandis l'ion } {}^{238}_{92}\text{U}^+ \text{ arrive T}$$

$$KT = AT - AK = 2(R_2 - R_1) \Rightarrow KT = \frac{2}{B} \sqrt{\frac{2U}{q}} (\sqrt{m_2} - \sqrt{m_1}) = 1,78 \text{ m}$$

2.4. Le courant d'ions issu de la chambre d'ionisation a une intensité de $10 \mu\text{A}$. Sachant que l'uranium naturel contient en nombre d'atomes 99,3 % d'isotopes lourds, calculer la masse de chaque Isotope recueilli en 12 h.

$$q = ne = It, \quad n = \frac{It}{e} = 2,7 \cdot 10^{18} \text{ electrons.}$$

Le nombre d'électrons est égal au nombre d'atomes.

$$\text{Le nombre d'isotope d'uranium 235 : } n_1 = \frac{0,7 \times 2,7 \cdot 10^{18}}{100} = 1,89 \cdot 10^{16}$$

$$\text{La masse de d'isotope d'uranium 235 : } m_{235}^{235}\text{U}^+ = n_1 m_1 = 7,37 \cdot 10^{-9} \text{ Kg}$$

$$\text{Le nombre d'isotope d'uranium 238 : } n_2 = \frac{99,3 \times 2,7 \cdot 10^{18}}{100} = 2,68 \cdot 10^{18}$$

$$\text{La masse de d'isotope d'uranium 238 : } m_{238}^{238}\text{U}^+ = n_2 m_2 = 1,06 \cdot 10^{-6} \text{ Kg}$$

EXERCICE 3 : (05 points)

3.1. L'expression de U_c en fonction du temps pour l'intervalle $[0; 20\text{ms}]$

$U_c = at$ avec a le coefficient directeur de la courbe pour l'intervalle $t \in [0; 20\text{ms}]$

$$a = 300$$

$$U_c = 300t$$

3.2. Le temps au bout duquel la charge du condensateur terminée et la valeur maximale de la tension du condensateur $U_{c\text{max}}$.

$$t_f = 20 \text{ ms} \quad \text{et} \quad U_{c\text{max}} = 6 \text{ V (voir figure 1)}$$

3.3. Montrons que la capacité du condensateur est égale $C = 10 \mu\text{F}$.

$$U_{c\text{max}} = \frac{Q_{\text{max}}}{C} \Rightarrow C = \frac{Q_{\text{max}}}{U_{c\text{max}}} \quad \text{et} \quad Q_{\text{max}} = I_0 t_f \quad \text{d'où} \quad C = \frac{I_0 t_f}{U_{c\text{max}}} ; \quad C = \frac{3 \cdot 10^{-3} \times 20 \cdot 10^{-3}}{6}$$

$$C = 10 \mu\text{F}$$

3.4. La charge maximale Q_{max} et l'énergie E du condensateur à la fin de la charge.

Charge maximale Q_{max} :

$$Q_{\text{max}} = C U_{c\text{max}} \Rightarrow Q_{\text{max}} = 6 \times 10 \cdot 10^{-6} \Rightarrow Q_{\text{max}} = 60 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

L'énergie E du condensateur à la fin de la charge

$$E = \frac{Q_{\text{max}}^2}{2C} \Rightarrow E = \frac{(60 \cdot 10^{-6})^2}{2 \times 10 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow E = 1,80 \cdot 10^{-4} \text{ J}$$

3.5.1. Etablir l'équation différentielle à laquelle obéit la tension U_c aux bornes du condensateur.

$$U_c + U_L = 0 \quad \text{or} \quad U_L = L \frac{di}{dt} \quad i = \frac{dq}{dt} \quad \text{et} \quad q = C U_c \Rightarrow U_L = LC \frac{d^2 U_c}{dt^2}$$

$$LC \frac{d^2 U_c}{dt^2} + U_c = 0 \Rightarrow \frac{d^2 U_c}{dt^2} + \frac{1}{LC} U_c = 0$$

3.5.2. Le régime de fonctionnement du circuit : Régime Périodique.

3.5.3. La période propre T_0 des oscillations du circuit. En déduire la valeur de L

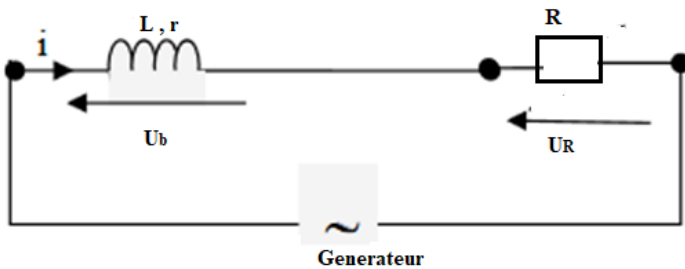
$$T_0 = 2,5ms = 2,5 \cdot 10^{-3} s$$

La valeur de L.

$$\omega = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow \omega^2 = \frac{4\pi^2}{T_0^2} \Rightarrow \frac{1}{LC} = \frac{4\pi^2}{T_0^2} \Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} \Rightarrow L = 1,58 \cdot 10^{-2} H$$

EXERCICE 4 : (05 points)

4.1. Représentation du circuit réalisé par les élèves.



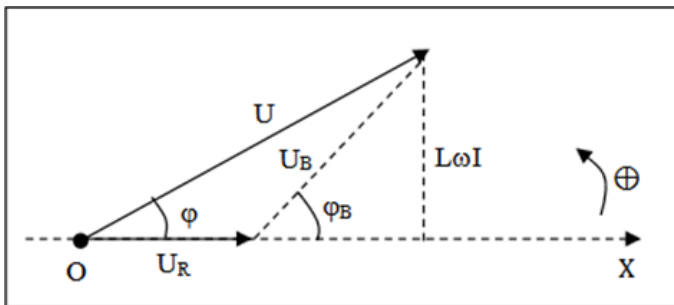
4.2 La valeur de la résistance **R** du conducteur ohmique

$$U_R = R \cdot I \Rightarrow R = \frac{U}{I} \quad R = 20 \Omega.$$

4.3

Construction de Fresnel :

Echelle : 1 cm \leftrightarrow 15 V ; $U_R \leftrightarrow 2,7$ cm ; $U_b \leftrightarrow 4$ cm ; $U \leftrightarrow 5,5$ cm.



Graphiquement : $\varphi = 41^\circ$

4.4. L'inductance L.

$$\sin \varphi = \frac{L\omega I}{U} \quad \text{d'où} \quad L = \frac{U \sin \varphi}{I \omega}$$

$$L = 8,6 \cdot 10^{-2} H$$

La résistance interne **r** de la bobine.

$$\tan \varphi = \frac{L\omega I}{(R+r)I}$$

$$\text{d'où} \quad r = \frac{L\omega}{\tan \varphi} - R$$

$$r = 11,06 \Omega$$

4.5. i et u en phase veut dire qu'on est à la résonance : $LC\omega^2 = 1 \Rightarrow C = \frac{1}{L\omega^2}$

$$C = 1,2 \cdot 10^{-4} F$$

4.6. L'intensité **I₁** du courant qui traverse le dipôle

$$U_1 = (R+r)I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{U_1}{(R+r)}$$

$$I_1 = 0,39 A$$